

1. $f(x) = \left(\frac{7x-8}{9-2x}\right)^3$ définie sur $I = \mathbb{R} \setminus \left\{\frac{9}{2}\right\}$. f est la composée des fonctions u et v définies par $u(x) = \frac{7x-8}{9-2x}$ et $v(x) = x^3$. La fonction u est dérivable sur $\mathbb{R} \setminus \left\{\frac{9}{2}\right\}$ et v est dérivable sur \mathbb{R} donc $\mathcal{D}_{f'} = \mathbb{R} \setminus \left\{\frac{9}{2}\right\}$.

f est de la forme $f = v \circ u$ donc $f' = u' \times v' \circ u$ avec $u'(x) = \frac{7(9-2x) + 2(7x-8)}{(9-2x)^2} = \frac{47}{(9-2x)^2}$ et $v'(x) = 3x^2$.

D'où, pour tout $x \in \mathcal{D}_{f'}$, $f'(x) = 3 \times \frac{47}{(9-2x)^2} \times \left(\frac{7x-8}{9-2x}\right)^2 = \frac{141(7x-8)^2}{(9-2x)^4}$.

2. $f(x) = \left(\frac{-x^2+4x+6}{x^2-1}\right)^4$ définie sur $I = \mathbb{R} \setminus \{-1; 1\}$. f est la composée des fonctions u et v définies par $u(x) = \frac{-x^2+4x+6}{x^2-1}$ et $v(x) = x^4$. La fonction u est dérivable sur $\mathbb{R} \setminus \{-1; 1\}$ et la fonction v est dérivable sur \mathbb{R} donc $\mathcal{D}_{f'} = \mathbb{R} \setminus \{-1; 1\}$.

f est de la forme $f = v \circ u$ donc $f' = u' \times v' \circ u$ avec

$$\begin{aligned} u'(x) &= \frac{(-2x+4)(x^2-1) - 2x(-x^2+4x+6)}{(x^2-1)^2} \\ &= \frac{-2x^3+2x+4x^2-4-2x^3-8x^2-12}{(x^2-1)^2} \\ &= \frac{-4x^2-10x-4}{(x^2-1)^2} \\ &= \frac{-2(2x^2+5x+2)}{(x^2-1)^2} \end{aligned}$$

et $v'(x) = 4x^3$.

D'où, pour tout $x \in \mathcal{D}_{f'}$,

$$\begin{aligned} f'(x) &= 4 \times \frac{-2(2x^2+5x+2)}{(x^2-1)^2} \times \left(\frac{-x^2+4x+6}{x^2-1}\right)^3 \\ &= \frac{-8(2x^2+5x+2)(-x^2+4x+6)^3}{(x^2-1)^5} \end{aligned}$$

